



ĆWICZENIA Z MATEMATYKI I



Kartkówka VII

J. de Lucas

Ćwiczenie 1. (1 punkt) Oblicz:

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n!n^n}{(2n)!}$$

korzystając z kryterium D'Alemberta, czyli

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left| \frac{a_n}{a_{n-1}} \right| = q < 1 \implies \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 0.$$

Ćwiczenie 2. (2 punkty) Oblicz:

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{2} + \sqrt{4} + \dots + \sqrt{2n}}{n\sqrt{n}}, \quad \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{1} + \sqrt[3]{3} + \dots + \sqrt[3]{2n+1}}{n\sqrt[3]{n}}$$

korzystając z kryterium Stolza, czyli jeżeli

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_n - a_{n-1}}{b_n - b_{n-1}} = q,$$

i $(b_n)_{n=1}^{\infty}$ jest ściśle rosnący i $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = +\infty$, to

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = q,$$

Ćwiczenie 3. (2 punkty) Oblicz:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2 - \sqrt{x+2}}{x-2}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1} - 1}{x}, \quad \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+14} - 4}{x-2},$$

Proszę oddać mi rozwiązania do dnia 4 grudnia 2013.