

# Komunikacja i Kryptografia Kwantowa

## Seria 11

do oddania na 4.01.2011 (**100 pkt** do podziału)

**Zadanie 1 (20 pkt)** Udowodnij, że w twierdzeniu Holevo-Schumacher-Westmoreland, maksymalizację po  $\{p_x, \rho_x\}$ , można zawsze ograniczyć do maksymalizacji po stanach czystych, tzn:  $\rho_x = |\psi_x\rangle\langle\psi_x|$

**Zadanie 2 (20 pkt)** Korzystając z ograniczenia Holevo, udowodnij, że przez jedno-qubitowy idealny kanał kwantowy można maksymalnie przesłać 1 bit informacji.

**Zadanie 3 (25 pkt)** Oblicz pojemność kanału qubitowego, którego efektem jest izotropowe kurczenie kuli Blocha o współczynnik  $r < 1$ .

**Zadanie 4 (35 pkt)** Udowodnij własność strong subadditivity dla entropii Shannona:

$$H(Y) + H(X, Y, Z) \leq H(X, Y) + H(Y, Z) \quad (1)$$

Jaką własność powinny mieć zmienne losowe  $X, Y, Z$  aby w powyższej nierówności zachodziła równość. Zastanów się dlaczego nie da się tego dowodu „ukwantować” (chyba, że się da wtedy będziesz sławny(a)).